**UNIVERSIDAD TECNOLÓGICA DE PANAMÁ**

**FACULTAD DE INGENIERÍA EN SISTEMAS COMPUTACIONALES**

**DEPARTAMENTO DE SISTEMAS DE INFORMACIÓN, CONTROL YE VALUACIÓN DE RECURSOS INFORMÁTICOS**

**EMPAREJAMIENTO APROXIMADO DE ESTUDIANTES CON TUTORES ACADÉMICOS EN INTERVENCIONES EDUCATIVAS DE FUNDACIÓN AYUDINGA**

**MODALIDAD DEL TRABAJO (TEÓRICO – PRÁCTICO)**

**INTEGRANTE**

**JOHEL HERACLIO BATISTA CÁRDENAS**

**ASESOR**

**VÍCTOR LÓPEZ CABRERA**

**2023**

**UNIVERSIDAD TECNOLÓGICA DE PANAMÁ**

**FACULTAD DE INGENIERÍA EN SISTEMAS COMPUTACIONALES**

**EMPAREJAMIENTO APROXIMADO DE ESTUDIANTES CON TUTORES ACADÉMICOS EN INTERVENCIONES EDUCATIVAS DE FUNDACIÓN AYUDINGA**

**ASESOR**

**VÍCTOR LÓPEZ CABRERA**

**INTEGRANTE**

**JOHEL HERACLIO BATISTA CÁRDENAS**

**TRABAJO DE GRADUACIÓN PARA OPTAR POR EL TÍTULO DE LICENCIADO EN INGENIERÍA EN SISTEMAS DE INFORMACIÓN**

**2023**

**Resumen**

Este trabajo de investigación ofrece un enfoque innovador para el emparejamiento de estudiantes y tutores basándose en la congruencia de los estilos de aprendizaje y enseñanza, respectivamente.

El objetivo es optimizar la eficacia del proceso educativo a través de un emparejamiento más informado y estratégico. Esta propuesta se sustenta en la teoría de "Clusters de Aprendizaje" de Anthony Grasha, que sugiere una relación proporcional entre los estilos de aprendizaje del estudiante y los estilos de enseñanza del tutor.

La metodología incluye la recolección de datos a través de una encuesta de autodiagnóstico diseñada para identificar los estilos de aprendizaje y enseñanza. Los datos recopilados son almacenados, procesados y organizados a través de técnicas avanzadas de gestión de datos, estableciendo así un repositorio de información interactivo.

Posteriormente, estos datos se extraen y se procesan a través de un algoritmo programado, que permite identificar los atributos específicos de estudiantes y tutores. Este procedimiento automatizado asegura una gestión eficiente y precisa de los datos, preparándolos para el análisis y la visualización.

La investigación continúa con el desarrollo de una aplicación que implementa el concepto matemático de Grafos Bipartitos para emparejar de manera óptima a estudiantes y tutores.

Este procedimiento permite crear subconjuntos de datos que son analizados utilizando herramientas avanzadas de cálculo matemático. Este enfoque también tiene en cuenta que múltiples estudiantes pueden ser asignados a un solo tutor para maximizar el aprendizaje colectivo.

Los resultados de este emparejamiento se almacenan para su análisis posterior y se visualizan a través de una plataforma de visualización de datos, proporcionando un cuadro de mando que presenta el "Emparejamiento Perfecto" de estudiantes y tutores.

Es importante resaltar que el estudio también considera las limitaciones y restricciones de la cantidad de estudiantes que un tutor puede manejar eficazmente.

Este aspecto asegura que el proceso de asignación no solo sea basado en datos, sino que también sea viable y beneficioso para todas las partes involucradas.

Los hallazgos de esta investigación proporcionarán una estrategia efectiva y basada en datos para la asignación de tutores en la Fundación Ayudinga.

Este enfoque permitirá una enseñanza más personalizada y efectiva, beneficiando tanto a tutores como a estudiantes al promover un entorno de aprendizaje más productivo y enriquecedor.

**Dedicatoria**

A la inolvidable memoria de mi amado abuelo, el Lic. Justiniano Cárdenas Barahona (Q.E.P.D.), cuyas enseñanzas y ejemplo de vida han sido mi faro en los momentos de oscuridad. Padre y abuelo, fue él quien me enseñó a mantenerme firme, a luchar frente a la adversidad y a creer siempre en mí mismo.

Su fortaleza y resiliencia continúan guiándome y me recuerdan que cualquier obstáculo se puede superar con perseverancia y fe en uno mismo. Aunque ya no esté físicamente presente, su espíritu sigue siendo mi guía y mi inspiración.

A la dulce memoria de Wocker Batista Cárdenas (Q.E.P.D.), mi fiel compañero de cuatro patas, quien durante diez años fue mucho más que una simple mascota. Fue mi cómplice en los días de estudio intensivo, mi consuelo en los momentos de estrés y desaliento, y mi alegría en los días de celebración.

Wocker siempre estuvo ahí, con su mirada comprensiva y su inagotable lealtad, proporcionándome un apoyo silencioso pero inmenso. Aunque ya no está físicamente a mi lado, sus recuerdos siguen vivos y lo mantienen presente en cada paso que doy.

Esto, no es el resultado de un esfuerzo académico y de investigación, sino de una manifestación más profunda de amor, cariño, apoyo, orientación y compañía que ambos, salvando las formas y las circunstancias, me dieron y eligieron creer.

Mi único deseo es que, dondequiera que estén, se sientan orgullosos de la persona en la que me he convertido y de los logros que he alcanzado. Su amor y sus enseñanzas viven en mí y se reflejan en cada paso que doy.

Por los que estuvieron, por los que están y por los que estarán.

**Agradecimientos**

Este viaje de aprendizaje y descubrimiento no hubiese sido posible sin la presencia significativa de algunas personas que me ayudaron a superar retos y a navegar en aguas desconocidas.

Víctor López Cabrera, mi asesor, quien, con su fe inquebrantable en mis habilidades, me permitió vislumbrar posibilidades más allá de mis dudas. A través de su mentoría, como Asistente de Cátedra Ad-Honorem, encontré la oportunidad de aprender y crecer en formas que nunca había imaginado. Víctor, tus lecciones y guía continúan resonando en mí.

Los Voluntarios de la Fundación Ayudinga, han sido mi faro durante esta travesía, enseñándome humildad en la victoria y reflexión en la adversidad. Su espíritu indomable y resiliencia ante los desafíos me han enseñado más de lo que las palabras pueden expresar.

A Justiniano, Reyna Emperatriz, Heraclio, Zuly, Zaida y Jahel, la familia que me dio el regalo del amor incondicional y el espacio para aprender, crecer y equivocarme. Sus enseñanzas y apoyo han sido el cimiento sobre el que se ha construido este logro.

Aquellos cuyos nombres no se mencionan aquí, pero que han jugado roles significativos en mi viaje, saben lo esenciales que son. A cada uno de ustedes, que han dejado huellas imborrables en mi vida y mi corazón, les extiendo mi gratitud más sincera.

Finalmente, agradezco a Dios, la Virgen y a Santa Librada, quienes han sido mi roca y mi refugio, y a quienes confío cada logro y desafío.

Cada uno de ustedes ha tenido un papel invaluable en la realización de este trabajo, y en mi vida. Sin su apoyo, orientación y amor, este logro no habría sido posible. Mi agradecimiento será eterno.

**Índice General**

[**Capítulo I: Marco Teórico y Antecedentes** - 8 -](#_Toc147160812)

[**Objetivos del Proyecto de Investigación** - 9 -](#_Toc147160813)

[**Objetivo General** - 9 -](#_Toc147160814)

[**Objetivos Específicos** - 9 -](#_Toc147160815)

[**Planteamiento de Hipótesis de Investigación** - 10 -](#_Toc147160816)

[**Hipótesis Nula ():** - 10 -](#_Toc147160817)

[**Hipótesis Alternativa ():** - 10 -](#_Toc147160818)

[**Declaración de Conflictos de Interés del Autor** - 10 -](#_Toc147160819)

[**Antecedentes** - 10 -](#_Toc147160820)

[**Programa #PilandoAndo** - 11 -](#_Toc147160821)

[**Hallazgos Cualitativos y Cuantitativos** - 16 -](#_Toc147160822)

[**Fundamento Pedagógico** - 17 -](#_Toc147160823)

[**Modelo de Grasha-Riechmann** - 17 -](#_Toc147160824)

[**Restricciones de Dominio del Proyecto de Investigación** - 33 -](#_Toc147160825)

[**Fundamentación Matemática** - 33 -](#_Toc147160826)

[**El Problema de los Matrimonios Estables** - 34 -](#_Toc147160827)

[**Definición de Conjuntos y Subconjuntos** - 36 -](#_Toc147160828)

[**Resumen del Modelo** - 37 -](#_Toc147160829)

[**Simulación Teórica** - 37 -](#_Toc147160830)

[**Capítulo II: Diseño y Requerimientos del Sistema** - 40 -](#_Toc147160831)

[**Capítulo III: Diseño y Desarrollo del Experimento** - 41 -](#_Toc147160832)

[**Capítulo IV: Creación de Emparejamientos Aproximados** - 42 -](#_Toc147160833)

[**Capítulo V: Análisis de Resultados** - 43 -](#_Toc147160834)

[**Conclusiones y Trabajos Futuros** - 44 -](#_Toc147160835)

[**Anexos** - 47 -](#_Toc147160836)

**Índice de Figuras**

[Figure 1: Primera Sesión de #PilandoAndo (18 de Enero, 2020) xii](#_Toc146816830)

# **Capítulo I: Marco Teórico y Antecedentes**

## **Objetivos del Proyecto de Investigación**

### **Objetivo General**

Explorar y desarrollar un mecanismo de emparejamiento eficiente entre estudiantes y tutores en el marco del programa #PilandoAndo, sustentado en el Modelo de Grasha-Riechmann, que favorezca una interacción pedagógica enriquecedora y personalizada, atendiendo a los estilos de aprendizaje y enseñanza, así como las preferencias individuales de los participantes en las Intervenciones Educativas Masivas de la Fundación Ayudinga.

### **Objetivos Específicos**

1. Evaluar la pertinencia y eficacia del Modelo de Grasha-Riechmann en el contexto de las intervenciones educativas masivas propuestas por la Fundación Ayudinga, para discernir cómo los estilos de aprendizaje y enseñanza influyen en el rendimiento académico y la satisfacción de los participantes.
2. Diseñar y validar instrumentos psicométricos que permitan la identificación precisa de los estilos de aprendizaje de los estudiantes y los estilos de enseñanza de los tutores, y recolectar datos respecto a sus preferencias en términos de edad, sexo y nivel académico.
3. Elaborar un algoritmo de emparejamiento sustentado en la Teoría de Grafos que facilite la asignación adecuada de estudiantes a tutores, considerando las restricciones de dominio propuestas y las preferencias individuales.

## **Planteamiento de Hipótesis de Investigación**

### **Hipótesis Nula ():**

La implementación del modelo de emparejamiento basado en el Modelo de Grasha-Riechmann no conduce a una diferencia significativa en la eficiencia de las sesiones de tutoría ni en la satisfacción de los participantes.

### **Hipótesis Alternativa ():**

La implementación del modelo de emparejamiento basado en el Modelo de Grasha-Riechmann conduce a una mejora significativa en la eficiencia de las sesiones de tutoría y en la satisfacción de los participantes, propiciando una interacción educativa más enriquecedora y personalizada.

## **Declaración de Conflictos de Interés del Autor**

El autor de este Trabajo de Graduación Teórico-Práctico declara que su único conflicto de interés es ser Presidente y Fundador de la Fundación Ayudinga, organización y sus aliados estratégicos como la Autoridad del Canal de Panamá (ACP) gracias a los cuales se ejecuta este proyecto de investigación.

## **Antecedentes**

La Fundación Ayudinga es una entidad educativa sin ánimo de lucro dedicada a proporcionar experiencias de aprendizaje gratuitas, inclusivas y centradas en el ser humano.

Desde su creación, ha ofrecido materiales académicos en video en disciplinas como Matemáticas, Física, Química y Biología, manteniendo un alto nivel de calidad audiovisual. Estos contenidos se caracterizan por contextualizar el aprendizaje con situaciones del día a día.

En tiempos recientes, la Fundación ha trabajado en la creación de un Modelo Educativo denominado “AyuEduca 2030”[1]. Este modelo establece ejes estratégicos centrados en el Impacto Social en el ámbito educativo. Es notable cómo la reciente pandemia de COVID-19 [2] afectó a estudiantes de diversos países, evidenciando la desigualdad en el acceso a recursos tecnológicos. Esta situación limitó la oportunidad educativa para muchos, en particular para aquellos en contextos de vulnerabilidad.

### **Programa #PilandoAndo**

A inicios del año 2020, surge la una iniciativa conjunta entre la Fundación Ayudinga y el Biomuseo (Fundación Amador), a través de la cual se dieran tutorías masivas gratuitas y libres de Matemáticas en las instalaciones de este, con el nombre #PilandoAndo.

#PilandoAndo consiste en una iniciativa en la que jóvenes voluntarios, que, con el respaldo de la empresa privada y la sociedad civil, den clases masivas de diferentes temas, sin embargo, haciendo énfasis en Aritmética, Álgebra y Geometría, generando una intervención directa en el proceso educativo del estudiante.

Es importante reconocer que el modelo de #PilandoAndo consiste en que es una “Intervención Masiva”, es decir, hay una gran cantidad de estudiantes que forman parte de ella, así como hay una gran cantidad de tutores que voluntariamente ceden su tiempo para compartir sus conocimientos de manera gratuita con estos estudiantes en sesiones sabatinas.

Se inicio con un rango etario de estudiantes con edades entre los 14 a 16 años a través de tutorías de Aritmética y Álgebra, ya que se consideró que estas representan metodologías que propugnan el desarrollo de un Pensamiento Lógico – Matemático desde tempranas edades; más aun considerando la situación educativa que estamos atravesando en América Latina.[3]

El crecimiento de estudiantes en #PilandoAndo llevó a que se tuviesen que flexibilizar las edades que se le solicitaban a los estudiantes para ir a las tutorías, ya que de una población de , entre de ellos estaban en las edades de , por lo cual se les permitió que ellos formaran parte de las tutorías.

De manera inicial, se debe mencionar que no se contaba con ningún tipo de sistema informático para llegar registro de asistencia, asignación de estudiantes a mesas con tutores y cualquier otro proceso asociado, todo esto se realizaba a mano; exceptuando el Registro Previo de los Estudiantes a través de un formulario web que estos llenaban en colaboración con el Biomuseo.

Debido a ello, se tuvo que tomar la decisión de reestructurar por niveles de Aritmética y Álgebra [4] de la siguiente manera:

* **Aritmética**
  + **Aritmética Básica**: Dirigida a estudiantes de 4to - 5to grado
  + **Aritmética Intermedia**: Dirigida a estudiantes de 5to - 6to grado
  + **Aritmética Avanzada**: Dirigida a estudiantes de 6to - 7mo grado
* **Álgebra**
  + **Álgebra Básica**: Dirigida a estudiantes de 7mo - 8vo grado
  + **Álgebra Intermedia**: Dirigida a estudiantes de 8vo - 9no grado
  + **Álgebra Avanzada**: Dirigida a estudiantes de 9no – 10mo grado

Esta decisión fue tomada debido a que algunos autores, como estudios realizados por el Ministerio de Educación de la República de Colombia [5] plantean que las dificultades más grandes en el aprendizaje de la matemática para un estudiante en etapas tempranas (Primaria e Inicios de Secundaria) son:

* Alto nivel de abstracción de conceptos
* Requerida secuencialidad de los conocimientos

Los tutores se encontraban previamente informados sobre los niveles que estos iban a enseñar en las sesiones de tutorías, sin embargo; siempre existía un alto grado de incertidumbre debido a que se dependía del estudiante que llegara a #PilandoAndo y lo que este desease aprender o reforzar.

Esto conllevaba cierto nivel de complejidad a nivel logístico, ya que se rompía por completo con la consigna inicial de #PilandoAndo, la cual consistía en un tutor dándole tutorías a un grupo pequeño (En su momento, se planteaba de 3-4 estudiantes como máximo).

Para el diseño inicial del modelo que estamos poniendo a prueba en el presente Proyecto de Investigación, se consideró el hecho de que se extrapolaban contextos de las relaciones y cardinalidades existentes bajo el Modelo de las Bases de Datos Relacionales con el Modelo de Cood y sus 12 reglas [6].

Bajo el modelo educativo tradicional, se contempla que la Entidad Docente, puede dar clases a N estudiantes, generando de esta manera una relación de N, lo que traducido en palabras sería una relación de Uno a Muchos.

Sin embargo, cuando analizamos ese “Muchos”, resulta que la cantidad puede ser cuasi infinita de estudiantes que reciban clases de dicho docente, por lo que se puede perder la personalización de los aprendizajes a nivel de una tutoría.[7]

Por ello, de manera empírica y en su momento únicamente basados en la intuición, se generan las bases para el desarrollo y escalabilidad de #PilandoAndo con la consigna de: “Todo tutor puede darle tutorías a un máximo de 4 estudiantes, en caso de que este sobrepase la cantidad de estudiantes permitidos, serán asignados al siguiente tutor disponible”.



Figura 1: Primera Sesión de #PilandoAndo (18 de Enero, 2020)

#PilandoAndo tuvo que ser detenido de manera presencial el 27 de febrero de 2020 debido a las previsiones que la Fundación Ayudinga y sus aliados tomaron producto del advenimiento de la Pandemia del COVID-19.



Figura 2: Última Sesión de #PilandoAndo en el BioMuseo (27 de febrero de 2020)

El proyecto continuó de manera virtual a través de las redes sociales de la Fundación Ayudinga, dónde se impartían estas sesiones de tutorías en vivo y pregrabadas en algunas ocasiones, contando con el apoyo de empresas como Banesco, Fundación Alberto Motta y Petróleos Delta.

Durante el año 2022, luego de que se levantan gran parte de las medidas de restricción por parte del Ministerio de Salud de la República de Panamá (MINSA), se toma la decisión de regresar a hacer sesiones de #PilandoAndo de manera presencial, en esta ocasión directamente con el apoyo de la Autoridad de Canal de Panamá (ACP), así como su financiamiento para el desarrollo de este proyecto.

Para ello, se adoptó una coyuntura relevante como lo es la preparación a los estudiantes para el Examen de Admisión PAA de la Universidad Tecnológica de Panamá, elaborados por el College Board.

Durante estas 3 sesiones de tutorías libres y gratuitas con una duración de 9 horas en total; Colaboradores de la ACP, Profesionales Independientes y Estudiantes de la UTP fungieron como tutores para el resto de sus compañeros.

En el año 2023, “#PilandoAndo” realizó nuevamente el programa #PilandoAndoPaLaU, con el apoyo del Canal de Panamá, Multibank y la Universidad Tecnológica de Panamá donde hubo una afluencia de 282 estudiantes que asistieron de forma recurrente a las 4 sesiones planificadas como parte de la Metodología de este Proyecto de Investigación.

A group of people posing for a photo

Description automatically generated

Figura 3: Récord Mundial de la Tutoría de Matemáticas más grande del Mundo

### **Hallazgos Cualitativos y Cuantitativos**

A partir de una población de , producto de esta tutoría libre y gratuita con el nombre #PilandoAndoPaLaU, se obtuvieron los siguientes resultados:

* 85% de los estudiantes (82 estudiantes) tuvieron puntajes ≥ 1,000 puntos.
  + Esto permitió que pudiesen entrar a Carreras de Ingeniería
* 6% (6 estudiantes) de los estudiantes obtuvieron puntajes entre 900 y 999 puntos.
  + Esto permitió que pudiesen acceder Carreras de Licenciatura
* 9% (8 estudiantes de los estudiantes obtuvieron > de 800 puntos.
  + Este puntaje no permite que el estudiante sea admitido bajo los criterios establecidos por la Universidad Tecnológica de Panamá y su Sistema de Ingreso Universitario (SIUTP)

Es importante mencionar que toda la información presentada anteriormente fue obtenida a través de encuestas que los estudiantes o sus acudientes llenaron posterior a recibir los resultados de la Prueba PAA, a manera de “Feedback o Retroalimentación” para poder tener una medición real de la efectividad o no de la intervención.

Uno de los principales hallazgos que surgieron a partir de observaciones cualitativas era la diferencia entre el Estilo de Enseñanza de un Tutor y el Estilo de Aprendizaje de un Estudiante, lo cual tiene una relación de directa proporcionalidad a manera de que se pueda generar un entorno educativo en el que tanto tutores como estudiantes puedan maximizar el proceso de enseñanza-aprendizaje. [8]

## **Fundamento Pedagógico**

El principal cuello de botella que se presentó al momento de realizar los análisis “Post-Mórtem” de cada uno de los #PilandoAndo, fue la cantidad de tiempo efectivo de tutorías que se “perdía” por el hecho de tener que estar organizando a los estudiantes mesas por mesas desde la perspectiva logística.

De igual forma, de este la perspectiva académica; se reconoce que no todos los estudiantes se sienten cómodos con un tutor y no todos los tutores se sienten cómodos con un estudiante en específico, es una relación dual. [9]

Por ello, como parte de este Proyecto de Investigación, se proceden a buscar opciones a través de las cuales se pueda automatizar ese proceso y de esa manera maximizar el aprendizaje de los estudiantes y apoyar la labor voluntaria que están realizando los tutores, donando su tiempo en pro de apoyar a los demás.

### **Modelo de Grasha-Riechmann**

Para ello, se procede a analizar Modelos Psicopedagógicos como el “Modelo de Grasha-Riechmann[10], en el que permite denotar que en efecto existen 6 Estilos de Aprendizaje para los Estudiantes y 5 Estilos de Enseñanza para los Tutores, generando con ello todas las combinaciones posibles, pero enfocándose en el Estilo de Enseñanza del ya mencionado tutor. [11]

Este modelo fue propuesto por el Dr. Anthony Grasha y la Dra. Sheryl Hruska Riechmann en 1974 y se fundamenta en las inclinaciones de los discentes en lo que respecta a la interacción con sus pares y docentes, y alude a la amalgama de estilos de aprendizaje que un educando puede llegar a manifestar. [12]

Al examinar el Modelo de Grasha-Riechmann, es esencial reconocer que los autores delinearon seis Estilos de Aprendizaje, categorizados en tres dimensiones:

1. Actitud del estudiante hacia el proceso de aprendizaje.
2. Percepciones respecto a los compañeros y los tutores.
3. Respuestas ante las estrategias pedagógicas implementadas en el aula.

Antes de proceder a hacer un planteamiento matemático para buscar ese Emparejamiento Aproximado entre Estudiantes y Tutores en las Intervenciones Educativas de la Fundación Ayudinga, debemos definir los Estilos de Aprendizaje para Estudiantes que fueron planteado en el Inventario de Estilos de Aprendizaje que posteriormente serán aplicados en forma de Prueba Psicométricas.

#### **Estilos de Aprendizaje de Estudiantes**

Estas características de cada uno del Inventario de Estilo de Aprendizaje surgen de una adaptación realizada en la Universidad de la Salle, Ciencia Unisalle en Colombia en el año 2014. [13]

* **Independiente**
  + **Descripción:** Prefiere la autonomía en el proceso de aprendizaje, estableciendo un ritmo individualizado.
  + **Características:**
    - Valoración de la autonomía en el aprendizaje.
    - Predisposición hacia el descubrimiento autónomo.
    - Tendencia a la Introspección
  + **Técnicas de Estudio:** 
    - Autonomía en la gestión del aprendizaje
    - Exploración individualizada de contenidos.
    - Reflexión personal sobre los aprendizajes adquiridos.
* **Evitativo**
  + **Descripción:** Tendencia a evitar la participación en el proceso de aprendizaje.
  + **Características:**
    - Sensación de abrumo ante desafíos académicos.
    - Propensión a la postergación de tareas.
    - Potencial indiferencia o desinterés.
  + **Técnicas de Estudio:** 
    - Manejo del estrés ante desafíos académicos.
    - Estrategias contra la procrastinación.
    - Técnicas de motivación y compromiso.
* **Colaborativo**
  + **Descripción:** Opta por un aprendizaje colaborativo, valorizando el trabajo en equipo y la interacción.
  + **Características:**
    - Aprendizaje interactivo.
    - Valoración de perspectivas diversas.
    - Habilidades de escucha activa.
  + **Técnicas de Estudio:**
    - Formación de grupos de estudio colaborativos.
    - Promoción de discusiones y debates constructivos.
    - Comparación y compartición de notas con pares.
* **Dependiente**
  + **Descripción:** Requiere de una estructura definida y directrices claras para el aprendizaje.
  + **Características**
    - Necesidad de instrucciones precisas.
    - Búsqueda de validación por parte de tutores.
    - Potencial pasividad en el proceso de aprendizaje.
  + **Técnicas de Estudio:**
    - Clarificación de instrucciones.
    - Interacción y retroalimentación con tutores.
    - Técnicas de activación del aprendizaje.
* **Competitivo**
  + **Descripción:** Orientado al logro y a la superación respecto a pares en el proceso de aprendizaje.
  + **Características:**
    - Orientación hacia el logro.
    - Búsqueda de reconocimiento.
    - Tendencia a la argumentación.
  + **Técnicas de Estudio:**
    - Establecimiento de metas académicas.
    - Uso de tarjetas mnemotécnicas o tarjetas de ayuda de memoria para revisión
    - Realización de simulacros de evaluación para medir progreso.
* **Participativo**
  + **Descripción:** Propensión hacia un aprendizaje práctico y experiencial.
  + **Características:** 
    - Aprendizaje práctico.
    - Aplicación de conocimientos adquiridos.
    - Dinamismo y actividad en el proceso de aprendizaje.
  + **Técnicas de Estudio:** 
    - Ejecución de ejercicios prácticos o simulaciones.
    - Relacionamiento del contenido con contextos reales.
    - Implementación de técnicas de aprendizaje experiencial, como el aprendizaje basado en proyectos.

Es importante reconocer que cada uno de estos Estilos de Aprendizaje, surgen de la aplicación de una Prueba Psicométrica a través de una plataforma online [14] que fue desarrollada específicamente para este fin tomando el Inventario de Estilos de Aprendizaje planteado por el Modelo Pedagógico mencionado con anterioridad.

##### **Cuestionario de Estilo de Aprendizaje**

1. Confío plenamente en mi capacidad para aprender el material esencial del curso.
2. A menudo me descubro divagando durante las lecciones.
3. Me resulta gratificante colaborar con otros estudiantes en el aula.
4. El contenido del curso proporciona información fidedigna y precisa.
5. Siento la necesidad de competir con mis compañeros por la atención del docente y aclarar mis inquietudes antes que ellos.
6. Estoy generalmente predispuesto a aprender sobre el contenido impartido en clase.
7. Mis reflexiones sobre el contenido suelen ser tan válidas como las presentadas en el material didáctico.
8. Las actividades en el aula me resultan monótonas.
9. Disfruto debatiendo ideas relacionadas con el material del curso con mis compañeros.
10. Estimo que los docentes tienen un conocimiento preciso sobre lo esencial a aprender en un curso.
11. Siento la necesidad de competir con mis compañeros por obtener la calificación más alta.
12. Considero valioso asistir a las clases presenciales.
13. Estudio aquello que es relevante para mí, no necesariamente lo que el docente destaca como esencial.
14. Raramente me siento entusiasmado con el contenido presentado en clase.
15. Valoro escuchar las opiniones de mis compañeros sobre los temas discutidos en clase.
16. Los docentes deberían especificar claramente sus expectativas hacia los estudiantes.
17. Durante las discusiones en clase, siento que debo competir con mis compañeros para que mis ideas sean consideradas.
18. Aprendo más del curso en el aula que en mi hogar.
19. Gran parte del contenido impartido ya lo he aprendido de manera autónoma.
20. A menudo siento que debo asistir a clases, incluso si no es de mi interés.
21. Considero que los estudiantes pueden beneficiarse discutiendo sus ideas entre sí.
22. Procuro realizar mis tareas siguiendo estrictamente las indicaciones del docente.
23. Los estudiantes deberían adoptar una actitud competitiva para destacar académicamente.
24. Tenemos la responsabilidad de aprovechar al máximo las herramientas y recursos educativos proporcionados en clase.
25. Soy capaz de identificar de manera autónoma los temas relevantes del material de estudio.
26. Me resulta desafiante mantener la atención durante una clase.
27. Prefiero prepararme para los exámenes en compañía de otros estudiantes.
28. Los docentes que permiten total libertad a los estudiantes no están cumpliendo adecuadamente su función.
29. Me agrada resolver cuestiones o problemas antes que mis compañeros.
30. Las actividades en clase suelen ser interesantes.
31. Me gusta formular mis propias interpretaciones sobre los temas presentados en clase.
32. En ocasiones, me siento desmotivado para aprender durante las clases presenciales.
33. Las perspectivas de mis compañeros me ayudan a comprender mejor el material del curso.
34. Los estudiantes deberían ser supervisados por los docentes en todos los proyectos académicos.
35. Para destacar, es necesario superar a los demás estudiantes.
36. Me esfuerzo por participar activamente en todas las facetas del curso.
37. Tengo mis propias visiones sobre cómo deberían ser impartidas las clases.
38. En la mayoría de mis asignaturas, estudio lo justo y necesario para aprobar.
39. Un aspecto fundamental de la formación académica es aprender a interactuar con otros.
40. Mis notas reflejan casi todo lo que el docente ha mencionado en clase.
41. Los estudiantes se perjudican académicamente al compartir sus apuntes e ideas.
42. Realizo las tareas asignadas independientemente de si me resultan interesantes.
43. Si un tema me resulta atractivo, suelo investigar por mi cuenta.
44. Habitualmente, intensifico mi estudio previo a los exámenes.
45. El aprendizaje debería ser un esfuerzo conjunto entre estudiantes y la institución educativa.
46. Prefiero clases que estén estructuradas de manera organizada.
47. Para sobresalir en clase, intento realizar las tareas mejor que mis compañeros.
48. Suelo abordar las tareas en cuanto son asignadas.
49. Prefiero trabajar en proyectos académicos de manera individual.
50. Desearía que los docentes no me prestaran atención en clase.
51. Permito que otros estudiantes utilicen mis apuntes cuando lo solicitan.
52. Los docentes deberían especificar claramente el contenido que será evaluado en un examen.
53. Me interesa conocer el rendimiento de mis compañeros en tareas y exámenes.
54. Realizo tanto las tareas obligatorias como las opcionales.
55. Ante una duda, intento resolverla por mi cuenta antes de buscar asistencia.
56. Durante las clases, suelo conversar o bromear con quienes están cerca de mí.
57. Disfruto participando en grupos pequeños durante las clases.
58. Considero que las anotaciones del docente en el pizarrón son de gran utilidad.
59. Consulto a mis compañeros sobre las calificaciones obtenidas en exámenes y tareas.
60. En mis clases, suelo sentarme en las primeras filas del aula.

El Cuestionario del Estilo de Aprendizaje del Estudiante se compone de diversas preguntas, cada una con una ponderación específica [14]. Las posibles respuestas a cada pregunta son:

1. Totalmente en desacuerdo
2. Parcialmente en desacuerdo
3. Indeciso
4. Parcialmente de acuerdo
5. Totalmente de acuerdo

El cuestionario identifica seis Estilos de Aprendizaje, y cada estilo se relaciona directamente con un conjunto específico de preguntas:

1. **Independiente**: Preguntas 1, 7, 13, 19, 25, 31, 37, 43, 49 y 55.
2. **Evitativo**: Preguntas 2, 8, 14, 20, 26, 32, 38, 44, 50 y 56.
3. **Colaborativo**: Preguntas 3, 9, 15, 21, 27, 33, 39, 45, 51 y 57.
4. **Dependiente**: Preguntas 4, 10, 16, 22, 28, 34, 40, 46, 52 y 58.
5. **Competitivo**: Preguntas 5, 11, 17, 23, 29, 35, 41, 47, 53 y 59.
6. **Participativo**: Preguntas 6, 12, 18, 24, 30, 36, 42, 48, 54 y 60.

Para determinar cuál estilo de aprendizaje corresponde a cada estudiante, se totalizan los resultados para cada uno de los seis estilos, tomando en cuenta los siguientes valores numéricos para las respuestas como son: Totalmente en desacuerdo (1), Parcialmente en desacuerdo (2), Neutro (3), Parcialmente de acuerdo (4) y Totalmente de acuerdo (5)

Primero, se suman las puntuaciones otorgadas por el estudiante para los diferentes estilos de aprendizaje, considerando las preguntas específicas asociadas a cada estilo. Posteriormente, se calcula el promedio de las respuestas del estudiante para cada estilo.

Ecuación 1: Sumatoria del PSA con base en los datos ingresados por el estudiante

Con una precisión de 3 a 5 decimales, se determina un promedio específico, esto de manera que se pueda asignar un Estilo de Aprendizaje a cada estudiante.

Ecuación 2: Cálculo del Estilo de Aprendizaje de un Estudiante

No se utilizarán otras Medidas de Dispersión Estadísticas para este procedimiento, debido a que no se consideran relevantes por lo que únicamente se utilizarán medidas de tendencia central como el Promedio o Media Aritmética.

Sin embargo, para efectos de obtener una mayor precisión, posteriormente se presentarán los posibles los Rangos de cada uno los Estilos de Aprendizaje considerando unas bandas de Bajo, Medio y Alto para indicar la preponderancia que este pueda tener en el Estudiante.

#### **Estilos de Enseñanza para Tutores**

De igual forma, los Tutores, los cuales, a partir de la aplicación de Pruebas Psicométricas especializadas, las cuales han sido adaptadas para esta Proyecto de Investigación a manera que se permitan obtener los Estilos de Enseñanza de los Tutores [15] como son planteados del Modelo de Grasha-Riechmann, siendo estos:

* **Experto**
  1. **Descripción**: Como experto, soy una fuente confiable de información y conocimiento en mi área.
  2. **Características**:
     1. Tengo respuestas a las preguntas y dudas de mis estudiantes.
     2. Me esfuerzo por transmitir mi conocimiento de manera clara y concisa.
  3. **Técnicas Pedagógicas Recomendadas**:
     1. Organizo sesiones donde los estudiantes pueden hacerme preguntas directamente.
     2. Realizo mini-conferencias para abordar temas específicos.
     3. Proporciono lecturas y recursos adicionales para que los estudiantes profundicen.
* **Autoridad Formal**
  1. **Descripción**: Como Autoridad Formal, valoro la estructura y sigo un plan detallado en mis tutorías.
  2. **Características**:
     1. Siempre sigo un temario o plan preestablecido.
     2. Me aseguro de que cada sesión esté bien organizada y estructurada.
  3. **Técnicas Pedagógicas Recomendadas**:
     1. Uso esquemas o guías de estudio para mantener a todos en la misma página.
     2. Realizo pruebas o cuestionarios grupales para evaluar el progreso.
     3. Mantengo un seguimiento estructurado de los temas que abordamos.
* **Modelo Personal**
  1. **Descripción**: Como tutor personal, me enfoco en el crecimiento individual de cada estudiante.
  2. **Características**:
     1. Valoro y considero las experiencias y sentimientos de mis estudiantes.
     2. Busco que cada uno desarrolle sus habilidades personales y académicas.
  3. **Técnicas Pedagógicas Recomendadas**:
     1. Fomento discusiones abiertas donde cada estudiante pueda compartir.
     2. Propongo actividades de autoevaluación y reflexión.
     3. Realizo dinámicas de grupo para que todos compartan y aprendan juntos.
* **Facilitador**
  1. **Descripción**: Como facilitador, guío a mis estudiantes hacia el descubrimiento y aprendizaje autónomo.
  2. **Características**:
     1. Ayudo a los estudiantes a encontrar sus propias respuestas.
     2. Estoy allí para guiarlos, no para darles todas las respuestas.
  3. **Técnicas Pedagógicas Recomendadas**:
     1. Propongo estudios de caso para que los discutan y analicen en grupo.
     2. Fomento proyectos de investigación colaborativos.
     3. Utilizo el aprendizaje basado en problemas para que busquen soluciones juntos.
* **Delegador**
  1. **Descripción**: Como delegador, confío plenamente en la capacidad de mis estudiantes para dirigir su propio aprendizaje.
  2. **Características**:
     1. Delego responsabilidades y tareas a los estudiantes.
     2. Creo en la autonomía y capacidad de cada uno.
  3. **Técnicas Pedagógicas Recomendadas**:
     1. Asigno roles específicos a cada miembro del grupo.
     2. Propongo proyectos en los que ellos decidan el enfoque y resultados.
     3. Fomento presentaciones grupales donde cada uno aporte desde su perspectiva.

##### **Cuestionario de Inventario de Estilos de Enseñanza**

A continuación, presentaremos las preguntas que se le harán a los tutores a forma de obtener el Estilo de Enseñanza que estos tienen:

1. Tengo confianza en mi habilidad de aprender material importante del curso
2. A menudo me encuentro soñando despierto (a) durante clases.
3. Me gusta mucho trabajar con otros estudiantes en clases.
4. El material del curso tiene información válida y veraz.
5. Me parece necesario competir con otros estudiantes por la atención del profesor y resolver mis dudas antes que los demás.
6. Usualmente estoy dispuesto a aprender sobre el contenido dado en clase.
7. Mis pensamientos sobre el contenido usualmente son tan buenos como los que aparecen en el material.
8. Las actividades en el salón de clases me parecen aburridas.
9. Disfruto discutir ideas sobre el material de la clase con otros estudiantes.
10. Considero que los profesores saben exactamente lo que es importante aprender en un curso.
11. Siento que es necesario competir con otros estudiantes por la mejor nota
12. Siento que vale la pena atender las sesiones de clases presenciales.
13. Yo estudio lo que es importante para mí y no siempre lo que el profesor diga que es importante.
14. Muy raras veces me emociona el contenido explicado en clase.
15. Disfruto escuchar lo que otros estudiantes piensan sobre los temas discutidos en el salón de clases.
16. Los profesores deberían decir claramente lo que esperan de los estudiantes.
17. Cuando hay discusiones en clase, debo competir con los otros estudiantes para que mis ideas sean escuchadas.
18. Aprendo más del curso en el aula de clases que en casa.
19. La mayoría de los temas explicados los aprendí por mi cuenta.
20. Generalmente siento que tengo que asistir a clases, aunque no quiera.
21. Pienso que los estudiantes pueden aprender más discutiendo sus ideas entre ellos.
22. Intento hacer mis tareas siguiendo al pie de la letra las instrucciones del profesor.
23. Los estudiantes deben volverse competitivos para tener un buen rendimiento en la escuela.
24. Los estudiantes tenemos la responsabilidad de sacarle el mayor provecho a las herramientas y recursos educativos que se nos dan en clases.
25. Puedo identificar por mí mismo, los temas importantes del material de clases.
26. Prestar atención durante una sesión de clases es difícil para mí.
27. Me gusta estudiar para exámenes con otros estudiantes.
28. Profesores que dejan que los estudiantes hagan lo que quieran, no están realizando su trabajo.
29. Me gusta obtener las respuestas de problemas o preguntas antes de que alguien más pueda.
30. Las actividades del salón son generalmente interesantes.
31. Me gusta desarrollar mis propias ideas sobre los temas dados en clases.
32. Me he rendido de intentar aprender durante las clases presenciales.
33. Las ideas de otros estudiantes me ayudan a entender el material del curso
34. Los estudiantes deben ser supervisados por profesores en todos los proyectos del curso.
35. Para estar un paso más adelante, es necesario pasar por encima de los demás estudiantes.
36. Yo trato de participar lo más posible en todos los aspectos del curso.
37. Tengo mis propias ideas de cómo las clases deberían ser presentadas.
38. En la mayoría de mis materias estudio solo lo suficiente para pasar.
39. Una parte importante de tomar materias es aprender a convivir con otras personas.
40. Mis apuntes contienen casi todo lo que el profesor ha dicho en clases.
41. Los estudiantes pierden la oportunidad de una nota cuando comparten sus apuntes e ideas.
42. Completo las asignaciones de la materia sin importar si me parecen interesantes o no.
43. Si me gusta un tema, usualmente investigo por mi cuenta.
44. Normalmente estudio intensamente antes de los exámenes.
45. Aprender debería ser un esfuerzo cooperativo entre los estudiantes y la escuela.
46. Prefiero sesiones de clases que estén altamente organizadas.
47. Para sobresalir en clases, trato de hacer las asignaciones mejor que los demás estudiantes.
48. Yo completo las asignaciones apenas son entregadas.
49. Yo prefiero trabajar en proyectos relacionados con las clases (Estudiar para exámenes, hacer tareas, étc.) por mi cuenta.
50. Me gustaría que los profesores me ignoraran en clases.
51. Dejo que los otros estudiantes tomen prestados mis apuntes cuando los piden
52. Los profesores deberían decirles a los estudiantes exactamente qué material se va a cubrir en un examen.
53. Me gusta saber el rendimiento de los otros estudiantes en las asignaciones y exámenes.
54. Yo completo las asignaciones que son para nota, tanto como las que son opcionales.
55. Cuando no entiendo algo, trato de averiguar por mi cuenta antes de buscar ayuda.
56. Durante clases, tiendo a hablar o bromear con las personas que están cerca de mí.
57. Participar en grupos pequeños de clases es algo que disfruto.
58. Yo pienso que las anotaciones e indicaciones del profesor en el tablero son de mucha ayuda.
59. Le pregunto a otros estudiantes en clases qué notas recibieron en los exámenes y asignaciones.
60. En mis clases usualmente me siento en los puestos que están más adelante en el salón.

Como se ha presentado, fueron identificados cinco Estilos de Enseñanza, y cada uno está asociado con un conjunto específico de preguntas:

1. **Experto**: Preguntas 1, 6, 11, 16, 21, 26, 31 y 36.
2. **Autoridad Formal**: Preguntas 2, 7, 12, 17, 22, 27, 32 y 37.
3. **Modelo Personal**: Preguntas 3, 8, 13, 18, 23, 28, 33 y 38.
4. **Facilitador**: Corresponde a las Preguntas 4, 9, 14, 19, 24, 29, 34 y 39.
5. **Delegador**: Preguntas 5, 10, 15, 20, 25, 30, 35 y 40.

Para determinar el Estilo de Enseñanza predominante de un tutor, es necesario totalizar las respuestas dadas para cada estilo. Las respuestas se ponderan de acuerdo con los siguientes valores numéricos:

1. Totalmente en Desacuerdo (1)
2. Moderadamente en Desacuerdo (2)
3. Indeciso (3)
4. Moderadamente de Acuerdo (4)
5. Totalmente de Acuerdo (5)

Inicialmente, se suman los puntajes proporcionados por el tutor para cada estilo, teniendo en cuenta las preguntas específicas de cada uno. Posteriormente, se calcula el promedio de estas sumas.

A continuación, presentaremos las ecuaciones que permiten obtener la mencionada Medida de Tendencia Central, como lo es el Promedio.

Ecuación 3: Sumatoria de las respuestas a cada pregunta ingresada por el tutor

Nuevamente, como se realizó con el Estilo de Aprendizaje de los Estudiantes, con una precisión de 3 a 5 decimales, se determina un promedio específico, esto de manera que se pueda asignar un Estilo de Enseñanza a cada tutor.

Ecuación 4:Cálculo del Estilo de Enseñanza de un Tutor (PSE)

Esta descripción se propone sea adaptada al formato de #PilandoAndo, donde la figura del docente tradicional se sustituye por un tutor, y aunque no se referencia directamente a un estudiante, se utiliza el término "tutorado".

Para facilitar la comunicación, se adoptarán los términos "Tutor" y "Estudiante", permitiendo así la aplicación de pruebas psicométricas para automatizar la asignación entre ambos, conforme a ciertas reglas predeterminadas.

En una exploración detallada de las entidades "Tutor" y "Estudiante", se identifican los siguientes atributos, que servirán como conjunto de datos para un análisis posterior en un Emparejamiento Aproximado entre Estudiantes y Tutores en las Intervenciones Educativas Masivas de la Fundación Ayudinga:

* **Estudiante**: Edad, Sexo, Nivel Académico y Estilo de Aprendizaje.
* **Tutor**: Edad, Sexo, Nivel Académico, Estilo de Enseñanza.

Estos datos fueron recopilados durante las sesiones de tutoría en matemáticas realizadas en colaboración con la Autoridad del Canal de Panamá (ACP) durante el receso académico de 2023.

El objetivo es lograr una asignación más precisa entre estudiantes y tutores, a quienes referiremos como Tutores a partir de ahora.

### **Restricciones de Dominio del Proyecto de Investigación**

Con las entidades definidas, se establecen las siguientes Restricciones de Dominio para el proyecto de investigación propuesto:

1. Un Tutor puede brindar clases de Reforzamiento Académico a múltiples Estudiantes ).
2. Un Estudiante solo puede recibir clases de Reforzamiento Académico de un Tutor ().
3. No todos los Estudiantes pueden ser asistidos por cualquier Tutor debido a la posible discrepancia entre los Estilos de Aprendizaje y Enseñanza.
4. Para una tutoría eficaz, se estima que un Tutor puede manejar grupos de 5-6 estudiantes como máximo.
5. Se solicitará a los Tutores que proporcionen datos cualitativos en el formulario de inscripción, permitiéndoles expresar sus preferencias.
6. Los Estudiantes en una tutoría deben compartir similares Estilos de Aprendizaje que coincidan con el Estilo de Enseñanza del Tutor.

Clústers de A

## **Fundamentación Matemática**

Ante esto, emerge la pregunta de investigación: ¿Cómo podemos emparejar a un Tutor con un Estudiante en una intervención educativa masiva de la Fundación Ayudinga?

Utilizando como base las Restricciones de Dominio mencionadas, se evaluarán mediante análisis "Post-Mortem" de las sesiones de tutorías masivas de la Fundación Ayudinga, recopiladas verbalmente por tutores, voluntarios logísticos y acudientes.

Una forma de modelar la situación es mediante la Teoría de Grafos, que consiste en un conjunto de vértices (nodos) y un conjunto de aristas que conectan estos vértices.

En este contexto, los vértices pueden representar a las entidades , y las aristas establecen la relación existente entre ellas.

La formalización matemática de “Encontrar la persona a la que otra persona tenga una mayor afinidad y en caso de que se encuentren disponibles”, se define como un caso de Emparejamiento [16], que es una función matemática que establece una correspondencia uno a uno.

Dado un (denominado Tutores) y un (denominado Estudiantes), se buscará un emparejamiento aproximado entre los elementos de los subconjuntos, definiendo una función (Uno a Uno) para y .

En el (tutores disponibles) y el (estudiantes disponibles), no existe una función que establezca esta relación de manera directa.

### **El Problema de los Matrimonios Estables**

Para ello, se utilizarán los principios relacionados al Algoritmo Gale - Shapley, el cual nace a partir de la formalización matemática del “Problema de los Matrimonios Estables” [17] que consiste en que se tienen dos grupos conformados por hombres y mujeres.

Siendo los nombres de las mujeres definidos por la siguiente lista mientras que los hombres están definidos por la lista }.

Una definición del problema establece que, dada cantidad de hombres con cantidad de mujeres, donde cada una de las personas pertenecientes a los conjuntos ha establecido una lista de prioridades de los miembros del otro conjunto de su preferencia

Dado que dos personas {Hombres y Mujeres} de un grupo pueden casarse dado que pertenecen a siguientes conjuntos, sin embargo, su matrimonio puede considerarse como “No Estable”, ya que alguno de ellos no desea estar con la otra persona en cuestión.

Estableciendo una notación matemática para su definición, denotaremos que existen dos hombres , mientras que también existen dos mujeres . La lista de preferencias para es , mientras que la lista de preferencias para w1 es y la lista de preferencias de es .

El emparejamiento de no será estable, dado que m1 y w2 tienen otras preferencias.

Se desea buscar una combinatoria de estos dos conjuntos, estableciendo las preferencias de cada uno de los miembros de ellos para que sea un emparejamiento estable, por lo que se puede determinar que y es estable.

Dado que estas fueron las preferencias iniciales establecidas por ambos conjuntos, por lo que, con la aplicación del Algoritmo de Gale Shapley, se puede obtener un Matrimonio Estable.

El Algoritmo de Gale – Shapley es comúnmente utilizado como una herramienta matemática para establecer un sistema en el que cualquier persona, sea capaz de encontrar a la persona que por la que mayor afinidad tiene dentro de un conjunto de otras personas que se encuentran disponibles.

### **Definición de Conjuntos y Subconjuntos**

Siendo el caso en cuestión de un Estudiante () que tiene una multiplicidad de Tutores () disponibles y se le asignará el óptimo.

Sin embargo, a manera de que podamos abordar esto con lujo de detalle en este Proyecto de Investigación, se convierte en un imperativo matemático; no únicamente analizar y definir los dos conjuntos principales, sino conocer que, dentro de cada uno de ellos, existen dos subconjuntos.

Todos los tienen asociados un Subconjunto en el que se expresan los Estilos de Aprendizaje que se han obtenido a partir de la prueba psicométrica que se les fue aplicada a estos de manera inicial.

Importante mencionar, que independientemente de que un Estilo de Aprendizaje pueda ser más dominante o no para un elemento del , esto no eliminará la posibilidad de que tenga a tendencias hacia otros Estilos de Aprendizaje.

Más aun considerando modelos en los que se establecen niveles Bajos, Altos y Medios para cada Estilo de Aprendizaje, pero dicho detalle específico no formará parte del análisis que realizaremos en este Proyecto de Investigación.

De igual forma todos los tendrá asociados un Subconjunto en el que representarán los Estilos de Enseñanza que un tutor puede llegar a tener, siempre tomando en cuenta el estilo dominante.

Importante es desarrollar una Matriz de Preferencias, a la cual llamaremos , donde cada una de sus filas represente a un y cada columna a un , es decir cada fila representa a un Estudiante y cada Columna a un Tutor.

En dicha matriz, existirá un elemento que indicará el grado de preferencia de un Estudiante hacia un tutor , basado de esta manera en la compatibilidad que pueda o no existir entre y .

### **Resumen del Modelo**

**Conjuntos**

* : Conjunto de estudiantes
* T: Conjunto de tutores

**Subconjuntos**

* : Subconjunto que representará los estilos de aprendizaje de un estudiante perteneciente a .
* : Subconjunto que representa los estilos de enseñanza de un tutor perteneciente a .

**Matriz de Preferencias**

* : Matriz donde cada fila representa a un estudiante en y cada columna a un tutor en . El elemento ​ indica el grado de preferencia del estudiante hacia el tutor , basado en la compatibilidad entre ​ y ​.

### **Simulación Teórica**

A continuación, utilizaremos los elementos matemáticos que ya han sido definidos previamente, para crear un Emparejamiento Aproximado entre y .

Cabe resaltar estos son estudiantes y tutores totalmente fficticios, por lo que no contamos con la Matriz de Preferencias (P) de cada uno de ellos, dado que ninguno de ello ha hecho la Prueba de Grasha-Riechmann para Estilos de Aprendizaje o Enseñanza, por lo que se asumirá un entorno en el que todos los estudiantes y tutores están libres inicialmente.

Aplicaremos una versión adaptada del Algoritmo Gale-Shapley a Estudiantes y Tutores, conociendo que puede llegar a existir una reafirmación positiva [18] de parte de estas dos entidades al momento de aplicarlo, ya genera un mejor entorno de .

Todos los estudiantes y tutores están libres, ninguno de ellos ha sido emparejados con el otro.

**Primera iteración**

* propone a (Su primera elección), en la que acepta temporalmente.
* propone a (Su primera elección), en la que acepta temporalmente.
* propone a (Su primera elección). Sin embargo, ya tiene una propuesta de , la cual prefiere sobre la propuesta de ; dado esto es rechazado.
* propone a (Su primera elección) y acepta de forma temporal.
* propone a (Su primera elección). Empero, ya tiene una propuesta de , la cual prefiere sobre la propuesta de , haciendo que este sea rechazado.

**Segunda iteración**

* propone a (Su segunda elección) y este acepta temporalmente.
* propone a (Su segunda elección). Sin embargo, ya tiene una propuesta de E4 que prefiere directamente sobre la propuesta de , por lo que es rechazado por .

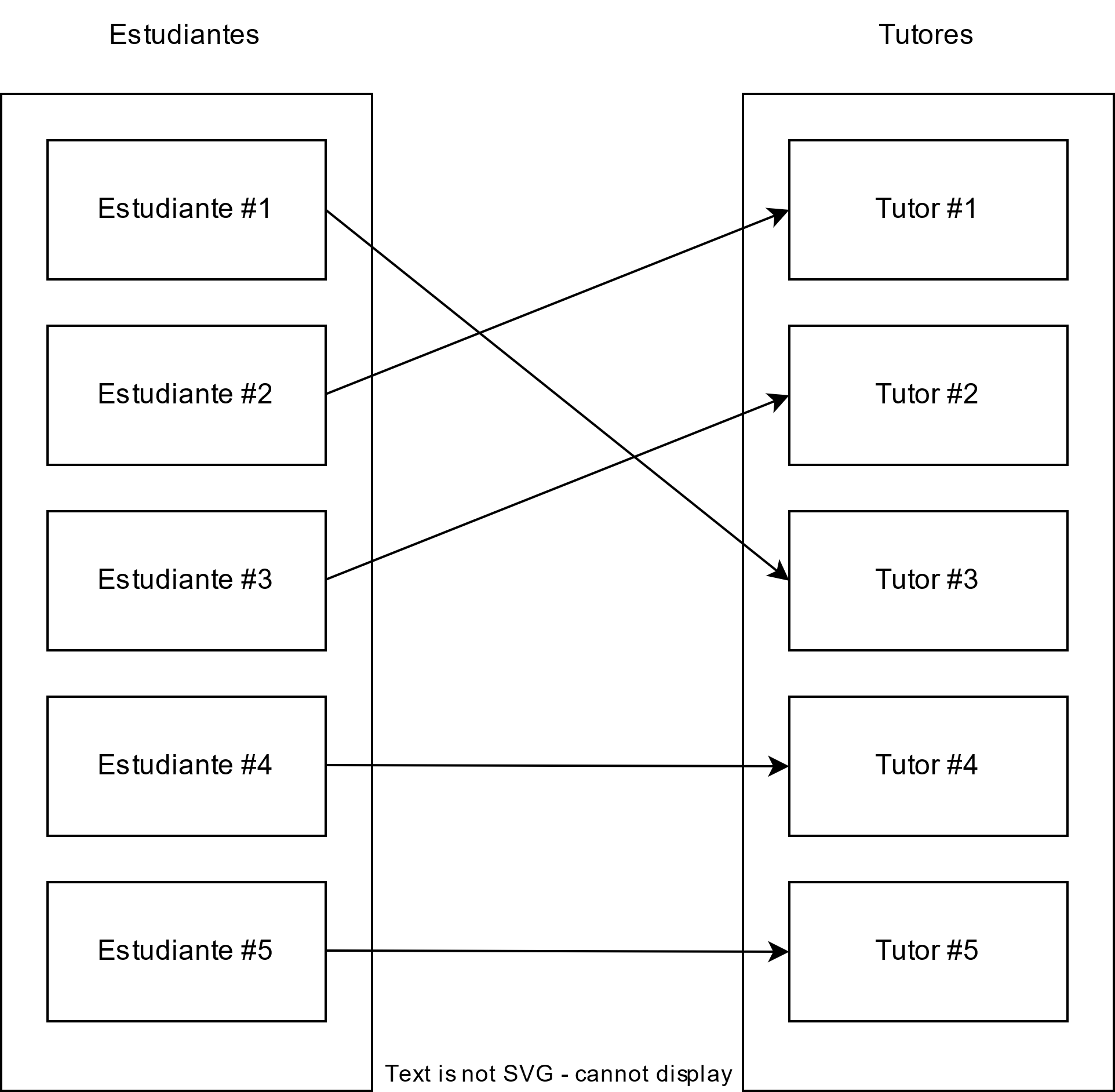
**Tercera Iteración**

* propone a (Su tercera elección), donde acepta temporalmente.

Todos los estudiantes que han propuesto a los tutores ya se encuentran emparejados aproximadamente.

Resultado de la Simulación

* está emparejado con .
* está emparejado con .
* está emparejado con .
* está emparejado con .
* está emparejado con .



De esto, podemos deducir lo siguiente:

# **Capítulo II: Diseño y Requerimientos del Sistema**

# **Capítulo III: Diseño y Desarrollo del Experimento**

# **Capítulo IV: Creación de Emparejamientos Aproximados**

# **Capítulo V: Análisis de Resultados**

}

# **Conclusiones y Trabajos Futuros**

**Referencias Bibliográficas**

[1] J. Heraclio Batista *et al.*, “Modelo Educativo AyuEduca2030”.

[2] M. Parker y P. Alfaro, “Education during the COVID-19 pandemic Access, inclusion and psychosocial support 104 STUDIES AND PERSPECTIVES ECLAC SUBREGIONAL HEADQUARTERS FOR THE CARIBBEAN”, 2030, [En línea]. Disponible en: www.cepal.org/apps

[3] L. A. R. Palacios, M. I. Guifarro, y L. M. C. García, “Difficulties in learning algebra, a study with standardized tests”, *Bolema - Mathematics Education Bulletin*, vol. 35, núm. 70, pp. 1016–1033, 2021, doi: 10.1590/1980-4415v35n70a21.

[4] J. E. Galvis, “Didáctica para la enseñanza de la aritmética y el algebra”.

[5] S. Didácticas y E. Matemáticas, *Programa fortalecimiento de la cobertura con calidad para el sector educativo rural PER II*. [En línea]. Disponible en: www.mineducacion.gov.co

[6] A. Trehan, “Codd’s Twelve Rules Rules that make a RDBMS”, 2003.

[7] F. Alegre, L. Moliner, A. Maroto, y G. Lorenzo-Valentin, “Peer tutoring and mathematics in secondary education: literature review, effect sizes, moderators, and implications for practice”, 2017, doi: 10.1016/j.heliyon.2019.e02491.

[8] C. R., . C., . J., . P., y . M., “Estilos de enseñanza y estilos de aprendizaje en educación superior: Análisis de las preferencias de estudiantes de Pedagogía en Inglés en tres universidades chilenas”, *Revista Electrónica Educare*, vol. 20, pp. 1–29, 2016, [En línea]. Disponible en: https://www.redalyc.org/articulo.oa?id=194146862007

[9] C. R., . C., . J., . P., y . M., “Estilos de enseñanza y estilos de aprendizaje en educación superior: Análisis de las preferencias de estudiantes de Pedagogía en Inglés en tres universidades chilenas”, *Revista Electrónica Educare*, vol. 20, pp. 1–29, 2016, [En línea]. Disponible en: https://www.redalyc.org/articulo.oa?id=194146862007

[10] T. Grasha y S. Hruska, “Grasha-Reichmann Student Learning Style Scales Inventory”.

[11] S. Hui Sim, M. Effendi Ewan Mohd Matore, y S. Jenis Kebangsaan Cina Kepong, “The relationship of Grasha-Riechmann Teaching Styles with teaching experience of National-Type Chinese Primary Schools Mathematics Teacher”, 2022, doi: 10.3389/fpsyg.2022.1028145.

[12] M. J. Provitera, “Learning And Teaching Styles In Management Education: Identifying, Analyzing, And Facilitating”, 2008. [En línea]. Disponible en: http://longleaf.net/teachingstyle.html

[13] G. González Gutiérrez y S. Andrés González Ardila, “Estilos de enseñanza según Antonhy Grasha presentes en la práctica pedagógica de un grupo de estudiantes del Programa Licenciatura en Lengua Castellana Inglés y Francés de la Universidad de La Salle”. [En línea]. Disponible en: https://ciencia.lasalle.edu.co/lic\_lenguas

[14] P. Kumar, A. Kumar, y K. Smart, “Issues in Informing Science and Information Technology Assessing the Impact of Instructional Methods and Information Technology on Student Learning Styles”.

[15] M. Rosa y R. Fernández, “Estilos de enseñanza y estilos de aprendizaje: implicaciones para la educación por ciclos”. [En línea]. Disponible en: https://www.researchgate.net/publication/277795807

[16] Z. Han, Y. Gu, y W. Saad, “Fundamentals of Matching Theory”, en *Matching Theory for Wireless Networks*, Z. Han, Y. Gu, y W. Saad, Eds., Cham: Springer International Publishing, 2017, pp. 9–15. doi: 10.1007/978-3-319-56252-0\_2.

[17] L. Zhou, “Stable matchings and equilibrium outcomes of the Gale-Shapley’s algorithm for the marriage problem”, *Econ Lett*, vol. 36, núm. 1, pp. 25–29, may 1991, doi: 10.1016/0165-1765(91)90050-U.

[18] F. Charles, M. Rutgers, U. And, B. Mccurdy, y E. A. Quigley, “A COLLATERAL EFFECT OF REWARD PREDICTED BY MATCHING THEORY”.

# **Anexos**